

# ELLÄRA K1

(Kursdel i Fysik TIF255/6)

Tentamen/dugga 30 augusti 2014

Tid: 0830-1030                   Lokal: V-salar

Lärare: Claes Lindeborg tel. 7723719

Tentamenssalarna besöks ca. kl 0930

Tentamen omfattar 20 poäng, där Godkänt fordrar 10 p.

OBS! Fyll även i svarsblanketten! Lämna in med lösningarna.! OBS!

Tillåtna hjälpmedel:

Matematiska och fysikaliska tabeller tex. Beta och Physics Handbook

Miniräknare

Två formelsidor (från Physics Handbook)

Lösningarna anslås efter tentamen på avdelningens anslagstavla samt på kursens hemsida.

Godkänd tentamen jämte godkänd laboration ger Godkänd på kursmomentet ELLÄRA.

Tentamensresultaten anslås senast 5 september.

Granskning av rättning kan ske den 5 och 8 september kl 1200-1300 på avdelningen, rum 5346.

LYCKA TILL!

Institutionen för Signaler och system

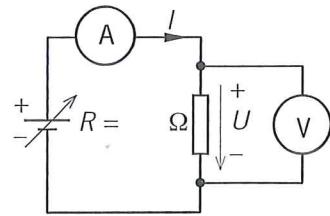
Chalmers tekniska högskola

1.

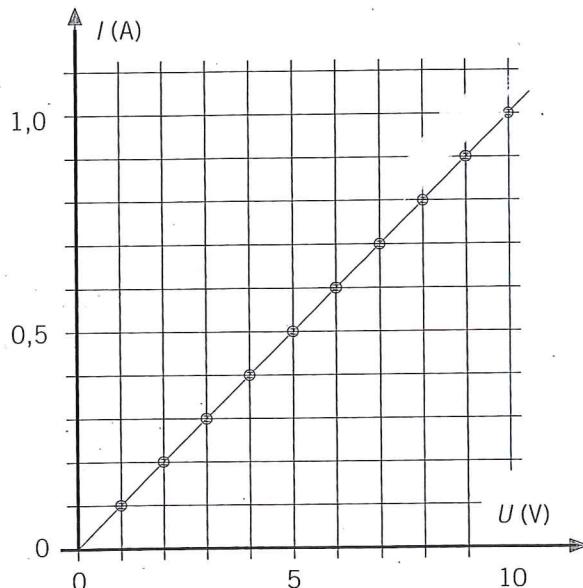
**I/U -grafer**

1.

Inom elektrotekniken är det mycket vanligt att mäta hur strömmen genom en komponent beror av spänningen över komponenten, samt att presentera mätresultatet i form av en  $I/U$ -graf. Låt oss se hur detta görs i anslutning till kretsen i bilden. Mätningen utförs på så sätt att spänningen ökas i steg om 1 V från 0 V till 10 V. För varje inställt spänningsvärde antecknas strömvärdeet genom resistorn.



Från en handbok:



Beräkna resistansen R

(1p)

$U$ (V)	$I$ (A)
1,0	0,1
2,0	0,2
3,0	0,3
4,0	0,4
5,0	0,5
6,0	0,6
7,0	0,7
8,0	0,8
9,0	0,9
10	1,0

2.

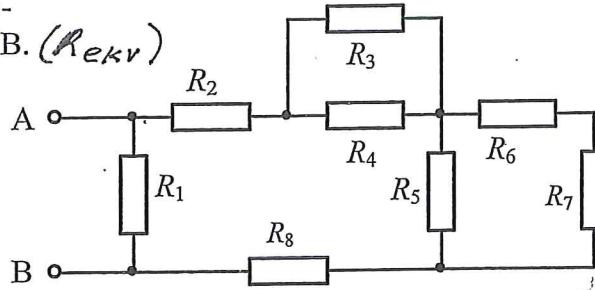
Beräkna resistansen hos den resistor som kan ersätta kopplingen mellan polerna A och B. ( $R_{ekv}$ )

$$R_1 = 50 \Omega \quad R_2 = 10 \Omega$$

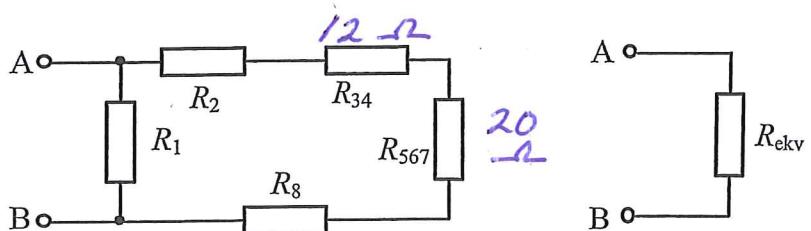
$$R_3 = 20 \Omega \quad R_4 = 30 \Omega$$

$$R_5 = 40 \Omega \quad R_6 = 15 \Omega$$

$$R_7 = 25 \Omega \quad R_8 = 8 \Omega$$



Kretsen kan förenklas till:



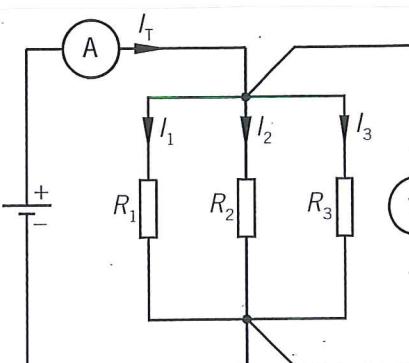
Här är  $R_{34}$  en parallellkoppling av  $R_3$  och  $R_4$  samt  $R_{567}$  från kombinationen  $R_5$ ,  $R_6$  och  $R_7$

Problemet är delvist löst. Gör klart beräkningarna!

(1p)

3.

Beräkna samtliga strömmar om voltmetern visar 6,0 V,  $R_1 = 18 \text{ k}\Omega$ ,  $R_2 = 22 \text{ k}\Omega$  och  $R_3 = 27 \text{ k}\Omega$ .



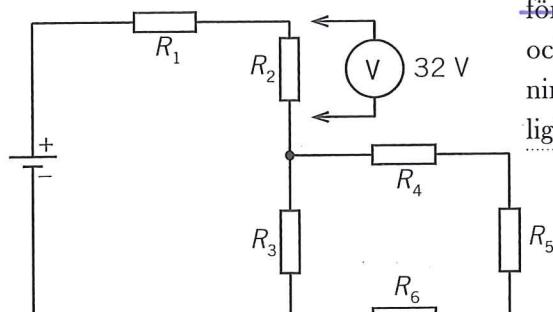
(2p)

När det flyter ström genom en resistor utvecklas värme.

Blir värmeutvecklingen per tidsenhet högre än den effektklass som resistorn tillverkats för går den så småningom sönder. Det är därför betydelsefullt att kunna avgöra om effektutvecklingen ligger inom tillåtna värden.

DVS. 2000  $\Omega$

4.



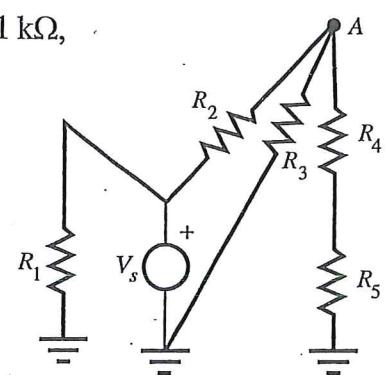
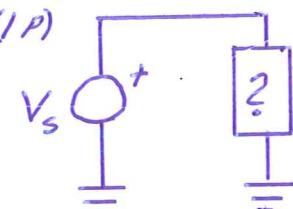
Beräkna effektutvecklingen i resistorn  $R_2$  i bilden på föregående sida om dess färgkod är röd, röd, röd, guld och spänningen över den mäts till 32 V. Avgör med ledning av beräkningen om en resistor med 0,5 W effekttålighet kan användas vid eventuellt byte av  $R_2$ .

(2p)

5.

Given the following circuit with  $R_1 = 1 \text{ k}\Omega$ ,  $R_2 = 2 \text{ k}\Omega$ ,  $R_3 = 3 \text{ k}\Omega$ ,  $R_4 = 4 \text{ k}\Omega$ ,  $R_5 = 1 \text{ k}\Omega$ , and  $V_s = 10 \text{ V}$ , determine

- the total equivalent resistance seen by  $V_s$  (2p) DVS.
- the voltage at node A (1p)
- the current through resistor  $R_5$  (1p)



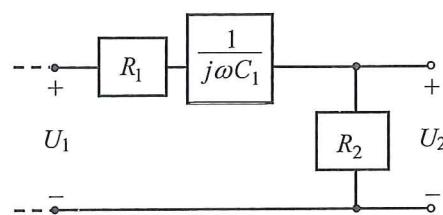
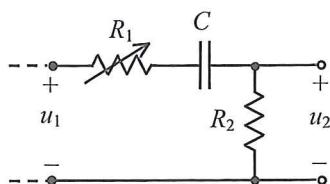
6.

En spänning kan skrivas  $u(t) = 128\sin(\omega t - 1,17) \text{ V}$  där vinkel-frekvensen är 600 rad/s.

Bestäm

- spänningens frekvens, (Hz) (1p)
- spänningens bottenvärde, (1p)
- spänningens momentanvärde vid tiden  $t = 3 \text{ ms}$ . (1p)

7.



$$U_1 = |U_1| e^{j(\omega t + \alpha_1)}$$

Bestäm kvoten  $U_2/U_1$  (komplext)

(2p)

3.

8.

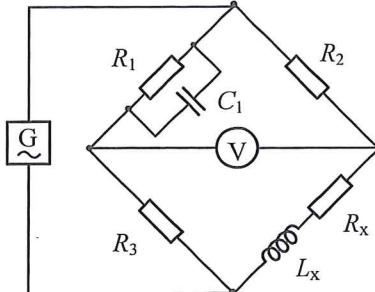
Bryggan i figuren kallas Maxwellbrygga och kan användas för bestämning av en induktiv impedans.

Vi använder den för att bestämma induktansen  $L_x$  och förlustresistansen  $R_x$  för en induktor.

Vid balans var

$$R_1 = 1,54 \text{ k}\Omega \quad C_1 = 1,00 \mu\text{F}$$

$$R_2 = 1 \text{ k}\Omega \quad R_3 = 78,0 \Omega$$



Beräkna  $R_x$  och  $L_x$

(3p)

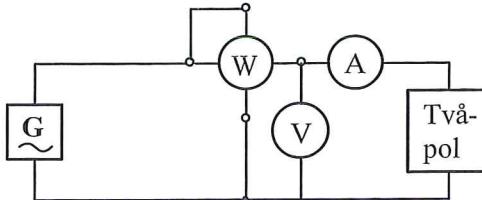
9.

För en tvåpol som matas med sinusformad spänning och ström uppmäts följande data:

$$U_e = 240 \text{ V}$$

$$I_e = 3,29 \text{ A}$$

$$P = 497 \text{ W}$$



Beräkna tvåpolens effektfaktor och fasförskjutningen. Instrumentens egenförbrukning försummas.

(2p)

## SVARSBLANKETT

Namn: .....

Uppgift Max. p.

1) R= 1

2) Rekv= 1

3) I1= 1  
I2= 1  
I3= 1  
IT= 2

4 ) Ja/Nej (med motivering) 2

5a) Rekv= 2  
b) VA= 1  
c) I5= 16a) f= 1  
b) Ub= 1  
c) Um= 17) U2/U1= 28) Rx=  
Lx= 39) Effektfaktor=  
Fasförförskjutningen= 2

OBS! Motivering för alla svar skall finnas på lösningssidorna

1) MAN SER ATT RESISTANSEN FÖLJER OHM'S LAG  
 (HÄR EN RÄT LINJE)

$$R = \frac{10 - 1}{1,0 - 0,1} = \underline{\underline{10 \Omega}}$$

2) SERIEKOPPL.  $R_2 + R_{34} + R_{567} + R_8 =$

$$10 + 12 + 20 + 8 = 50 \Omega$$

$$\text{PARALL. MED } R_i \Rightarrow R_{\text{EKV}} = \frac{50 \cdot 50}{50 + 50} = \underline{\underline{25 \Omega}}$$

$$3) I_1 = \frac{6}{18 \Omega} = 0,333 \text{ mA}; I_2 = \frac{6}{22 \Omega} = 0,273 \text{ mA}$$

$$I_3 = \frac{6}{27 \Omega} = \underline{\underline{0,222 \text{ mA}}}; \quad \therefore I_T = I_1 + I_2 + I_3 = \underline{\underline{0,825 \text{ mA}}}$$

$$4) \text{EFFEKTUTV. } P = \frac{32^2}{2000} = 0,512 \text{ W}$$

DVS. NÅGOT ÖVER DET LÄMPUGA ( $= 0,5 \text{ W}$ )

(ANM. FÄRGKODEN VISAR EGETLIGEN 2200  $\Omega$   
 VILket LEDER TILL  $0,465 \text{ W}$ , DVS. NÅGOT UNDER)

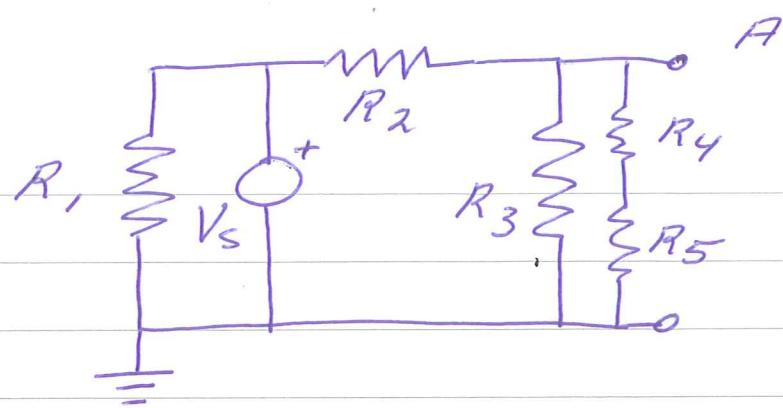
$$5) a) \omega = 2\pi f \Rightarrow f = \frac{600}{2\pi} = \underline{\underline{95,5 \text{ Hz}}}$$

$$b) \text{SVÄNGNINGENS AMPL. (MINUSSIDAN)} = \underline{\underline{-128 \text{ V}}}$$

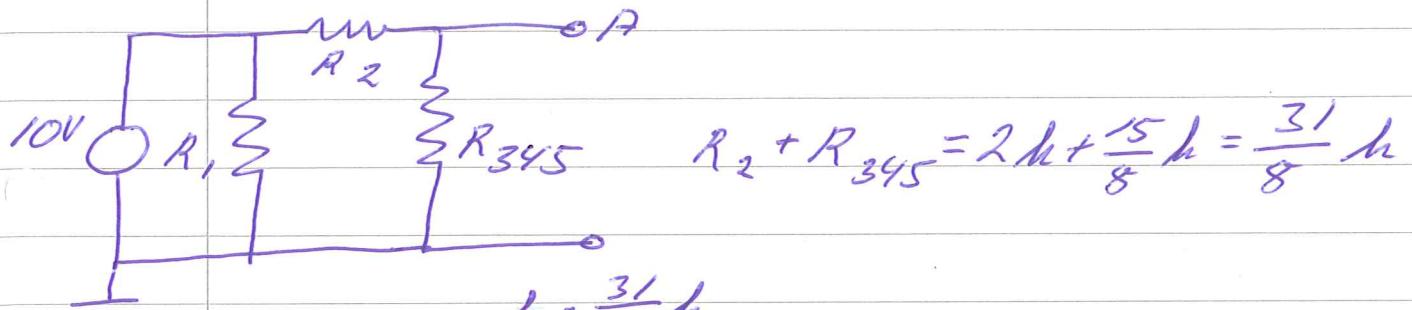
$$c) u(t) = 128 \sin(600 \cdot 3 \cdot 10^{-3} t - 1,17) = \\ = 128 \sin(1,8 - 1,17) = 128 \sin 0,64 = \\ = \underline{\underline{75,4 \text{ V}}}$$

OBS!  
 RADIANER

5)

RITA OM  
KRETSEN

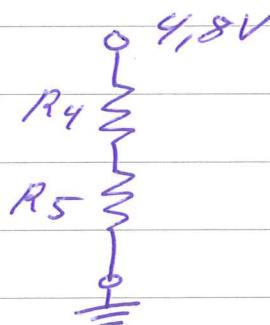
$$R_4 + R_5 = 4\text{h} + 1\text{h} = 5\text{h} \quad \text{PARALL. M. } R_3 \Rightarrow R_{345} = \frac{3\text{h} \cdot 5\text{h}}{3\text{h} + 5\text{h}} = \frac{15}{8}\text{h}$$



$$R_{12345} = \frac{\text{h} \cdot \frac{31}{8}\text{h}}{\text{h} + \frac{31}{8}\text{h}} = \underline{\underline{0,79\text{h} \Omega}} \quad \text{a)}$$

b)  $V_A$ ? SPÄNNINGSDELNING

$$V_A = 10 \frac{R_{345}}{R_2 + R_{345}} = \underline{\underline{9,8V}} \quad \text{b)}$$

OBS!  $R_1$  INNERKAR  
EJ HÄRc)  $\left. \begin{array}{l} R_5 \\ \hline R_4 \end{array} \right\} I_5 ?$ 

$$I_5 = \frac{9,8}{R_4 + R_5} = \underline{\underline{0,96\text{mA}}}$$

7) SPÄNNINGSDELNING

$$V_2 = \frac{R_2}{R_2 + R_1 + \frac{1}{j\omega C_1}} \cdot V_1 = \frac{j\omega R_2 C_1}{(R_2 + R_1)j\omega C_1 + 1}$$

$$\Rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \frac{j\omega R_2 C_1}{1 + j\omega C_1(R_1 + R_2)}$$

SVAR

8) VID BALANS:  $R_2 \cdot R_3 = Z_x \cdot Z_1 \Rightarrow$

$$R_2 \cdot R_3 = (R_x + j\omega L_x) \left( \frac{R_1 + \frac{1}{j\omega C_1}}{R_1 + \frac{1}{j\omega C_1}} \right) = \\ = (R_x + j\omega L_x) \cdot \frac{R_1}{1 + j\omega C_1 R_1} \Rightarrow$$

$$R_2 R_3 (1 + j\omega C_1 R_1) = R_1 (R_x + j\omega L_x)$$

SEPARERA Re OCH Im - DECLARNA !

$$R_2 R_3 = R_1 R_x \Rightarrow R_x = \frac{R_2 R_3}{R_1}$$

$$R_2 R_3 j\omega C_1 R_x = R_x j\omega L_x \Rightarrow \\ L_x = R_2 R_3 C_1$$

$$\therefore R_x = \frac{k \cdot 78}{1,54 \text{ h}} = \underline{\underline{50,6 \Omega}}$$

$$L_x = k \cdot 78 \cdot 1 \cdot 10^{-6} = \underline{\underline{78 \text{ mH}}}$$

9) AKTIV EFFEKT:  $P = \underbrace{U_e \cdot I_e}_{\text{EFFEKTFAKTOR}} \cdot \cos \varphi$   
EFFEKTIJVÄRDEN = INSTRUMENT-

$$\Rightarrow \cos \varphi = \frac{P}{U_e \cdot I_e} = \frac{497}{240 \cdot 3,29} = \begin{cases} \text{VISNING} \\ = \underline{\underline{0,629}} \quad \text{SVAR} \end{cases}$$

$\Rightarrow \varphi = \pm 51,0^\circ$  FASFÖRSKJUTNINGEN

TECKNET KAN EJ HÄR AVGÖRAS